

## 『複素関数論講義』野村隆昭著，第1刷（2016年8月25日）正誤表

第2刷の出版にあたり，第1刷から下記の修正（赤字）をいたしました。  
 説明の不備や誤記について深くお詫びいたしますとともに，ご指摘くださった方々にお礼を申し上げます。

修正箇所		修正前	修正後
p. 4	1.2 節 3 行目	数学者ガウス	数学者 <sup>ガウス</sup> Gauß（同じ行のガウス平面は片仮名のままとします）
p. 31	下から 4 行目	一般項の符号が一定でない	複素数を一般項とする
p. 35	下から 8 行目の (2)	対して，	対して，
p. 37	最下行	ことことをいう	ことをいう
p. 38	定理 3.15 の証明 3 行目	$(F_{\Lambda_n})^c$	$(F_{\lambda_n})^c$
p. 51	3 行目の中央項	$ a_n z_0 ^n$	$ a_n z_0^n $
p. 60	系 4.29 の 1 行目	収束べき級数 $f(z) = \dots$	$f(z) = \dots$ （冒頭の収束べき級数を抹消）
	系 4.29 (2)	$m = 0, 1, 2, \dots$	$m = 0, 1, 2, \dots$
p. 68	下から 4 行目冒頭	式 (5.1) より $e^x > 0$	$e^x = (e^{x/2})^2 > 0$
p. 70	下から 4 行目	$\cosh z :=$	$\cosh z =$
	同	$\sin z :=$	$\sinh z =$
p. 73	脚注 6)	である	である。
p. 80	例題 5.27 の解 4 行目	$\alpha(\alpha + 1) \dots (\alpha + n - 1)$	$\alpha(\alpha + 1) \cdots (\alpha + n - 1)$
p. 83	注意 6.6 (1) の 2 行目	である。(定理 8.14)。	である (定理 8.14)。
	注意 6.6 (3)	Menchof	Menchoff (3カ所)
p. 84	下から 2 行目	2 点 $a, b$	2 点 $\alpha = a_1 + ia_2, \beta = b_1 + ib_2$
p. 85	1 行目	$u(a) = u(b)$ と $v(a) = v(b)$	$u(a_1, a_2) = u(b_1, b_2)$ と $v(a_1, a_2) = v(b_1, b_2)$

修正箇所		修正前	修正後
p. 87	命題 6.21 (2) の証明 1 行目	命題	例題
p. 91	1 行目	$f(z(w(\tau)))$	$f(z(w(\tau)))$
p. 99	②末尾		ピリオドを抹消
	下から 4 行目	としておく. そうすると, $z \rightarrow z_0$	と定義しておく. そうすると, $\varphi(z)$ は連続であって, $z \rightarrow z_0$
p. 105	3 行目	$dt$	$d\theta$
	5 行目	$t$	$\theta$ (3 カ所)
p. 108	下から 7 行目	$\frac{f(z) - f(a)}{z - a}$	$\frac{f(z) - f(a)}{z - a}$
	下から 4 行目	$\overline{D}(a, r)$	$\overline{D}(c, r)$
p. 112	最下行		式番号①を付ける
p. 113	1 行目	定理 8.14 の証明は, …… すればよい.	定理 8.14 は, 命題 $P_n$ ( $n = 0, 1, 2, \dots$ ) として『 $f$ は $\mathcal{D}$ で $n$ 回複素微分可能であって, $f^{(n)}$ に対して (2) の①が成立する.』を考え, 帰納法と命題 8.12 を適用することで証明すればよい.
p. 118	注意 8.33 から上へ 3 行目	$\bigcap_{n=1}^{\infty} A_n$	$\bigcap_{n=0}^{\infty} A_n$
p. 119	例題 8.35 の解 1 行目	空でない開集合	$\mathbb{R}$ の空でない開集合
p. 121	定理 8.45 の証明冒頭	$M > 0$ をとって,	$f$ を有界な整関数とし, $M > 0$ をとって,
p. 123	例題 8.49 の解 2 行目	$D(w_0, \varepsilon)^c$	$D(w_0, \varepsilon_0)^c$
p. 125	問題 8.57 の 1 行目	答えよ	答えよ.
p. 130	補題 9.6 の証明 (2)	$\mathcal{D}$ 内	$\mathcal{D}_1$ 内
p. 131	2 行目	$\text{dist}(p, C)$	$ p  - R$
p. 139	定義 10.3 の 3 行目	領域に解析接続	領域上の正則関数に解析接続
p. 141	図	内側の円周についている矢印	時計回りにする

	修正箇所	修正前	修正後
p. 142	系 10.7 の 2 行目	$z^{-1}$	$(z-c)^{-1}$
	定義 10.8 の 1 行目		
p. 144	4 行目	$0 <  z  < R$	$0 <  z-c  < R$
p. 152	解説	全体	文字を小さくする
p. 163	①から下へ 2 行目	$-\pi + \varphi(\varepsilon) < \theta < \pi - \varphi(\varepsilon)$	$-\pi + \varphi(\varepsilon) \leq \theta \leq \pi - \varphi(\varepsilon)$
p. 170	本文 2 行目	$\mathbb{C}$ において	$\mathbb{C} \setminus \{0\}$ において
	本文 3 行目	$\mathbb{C}_\infty$ において, $z = \infty \iff w = 0$	$\mathbb{C}_\infty$ において $z = \infty \iff \mathbb{C}$ において $w = 0$
p. 175	①	$g(z)$	$p(z)$
	②	$h(z)$	$g(z)$
	②の 1 行下	$g(z)$ は多項式, $h(z)$ は	$p(z)$ は多項式, $g(z)$ は
	②の 2 行下	$h(z)$	$g(z)$
p. 177	命題 11.30 の証明 2 行目	内部の	(抹消)
p. 182	2 行目	$\int_\Gamma d \arg w$	$\frac{1}{2\pi} \int_\Gamma d \arg w$
p. 198	定理 12.13 の証明の最初の文	円 $C_1$ 上に …… とする.	円 $C_2$ 上に任意に異なる 3 点 $w_2, w_3, w_4$ をとり, $\varphi$ によるそれらの原像を順に $z_2, z_3, z_4 \in C_1$ とする.
p. 201	下から 2 行目	$e^{i\theta} \frac{e^{i\psi} z + r}{1 + re^{i\psi} z} = e^{i(\theta+\psi)} \frac{z + re^{-i\psi}}{1 + re^{i\psi} z}$	$e^{i\psi} \frac{e^{i\theta} z + r}{1 + re^{i\theta} z} = e^{i(\psi+\theta)} \frac{z + re^{-i\theta}}{1 + re^{i\theta} z}$
p. 207	命題 12.39 から上へ 6 行目	双曲線	双曲線の片方
	命題 12.39 から上へ 5 行目	$\frac{u^2}{\cos^2 \theta} - \frac{v^2}{\sin^2 \theta} = 1$	$\frac{u^2}{\cos^2 \theta} - \frac{v^2}{\sin^2 \theta} = 1$ ( $u$ は $\cos \theta$ と同符号)
p. 216	1 行目	$\mathcal{D}_+^0$	$\mathcal{D}_0^+$
	注意 13.2 の 2 行目	$(1 - z^2)^{1/2}$	$(1 - z^2)^{1/2} =$

修正箇所		修正前	修正後
p. 225	⑥	$z(z+1)\dots(z+n)$	$z(z+1)\cdots(z+n)$
p. 226	問題 1.1 の 3 行目	$i^{2013}; i^{2014}$	$i^{1233}; i^{1234}$
	同 5 行目	$617 \cdot 2015$	$617 \cdot 1235$
p. 228	問題 1.20 (2) の 1 行目	$+i \sin \frac{2k\pi}{n}$	$-i \sin \frac{2k\pi}{n}$
p. 229	3 行目	$\operatorname{Re} z > 0$ にある.	$\operatorname{Re} z > 0$ にあるか, 開線分 AB 上にある.
p. 230	問題 2.7 の下から 2 行目	$\leq 2\sqrt{2}$	$\leq \sqrt{2} \cdot \sqrt{2} = 2$
	問題 2.13 の下から 2 行目	定義より $\{a_n\}$ が有界でない	定義より, $\{a_n\}$ が上に有界ではない
p. 239	問題 5.28 の 2 行目	$\frac{d^2 y}{dz}$	$\frac{d^2 y}{dz^2}$
p. 243	1 行目	$[-\infty, 0)$	$(-\infty, 0]$
p. 246	下から 6 行目末と下から 5 行目	$\delta$	$\delta_0$
p. 249	問題 8.40 (2) の解答 (i) の 1 行目	または $x < 1$	または $x < 0$
p. 254	問題 10.24 の 2 行目	$g(z) = \frac{\sin \pi z}{2e^z - z^2 - 2z - 2}$	$g(z) = -\frac{\sin \pi z}{2e^z - z^2 - 2z - 2}$
	同 3 行目	$g(z) = \frac{\sin \pi z}{z} \frac{3}{z^3} \frac{1}{h(z)}$	$g(z) = -\frac{\sin \pi z}{z} \frac{3}{z^3} \frac{1}{h(z)}$
	問題 10.27 の 4 行目	孤立特異点 $z = c$ の近傍で	$0 <  z - c  < r$ において
p. 255	問題 10.36 の下から 3 行目	である.	である (ただし, $g_5(z)$ は $z = 0$ の近傍で正則) .
p. 258	問題 10.60 の 4 行目	半時計回り	反時計回り
p. 259	問題 10.62 の①	$\int_{C_N} \frac{f(z)}{\sin \pi z} dz$	$\frac{1}{2\pi i} \int_{C_N} \frac{f(z)}{\sin \pi z} dz$
p. 265	問題 11.68 の最終行	$\exp\{(n-1) \operatorname{Log}(1 - \frac{1}{n+1})\}$	$\exp\{(n-1) \operatorname{Log}(1 - \frac{1}{n+1})\}$
p. 269	問題 13.3, 図から上へ 2 行目	$D_0^{\pm, k}$	$\mathcal{D}_0^{\pm, k}$
p. 270	問題 13.6, 図から上へ 2 行目	$\operatorname{Log} \frac{1-y^2}{(1+y)^2}$	$\frac{1}{2i} \operatorname{Log} \frac{1-y}{1+y}$

- p. 197 ~ p. 198 の命題 12.12 の証明 (1) を下記のように変更します (基本的に前半と後半を入れ替えたものになっています)。

**証明** (1) 円  $C$  が  $\mathbb{C}$  上の直線  $m$  に対応するとき,  $z_4 = \infty$  としてよく, このとき, 命題の条件式は  $\frac{u - z_3}{z_2 - z_3} = \frac{\bar{v} - \bar{z}_3}{\bar{z}_2 - \bar{z}_3}$  ... ① となる.

2 点  $z_2, z_3$  を通る直線  $m$  の方程式は  $\text{Im} \frac{z - z_3}{z_2 - z_3} = 0$  と書けるので (式 (1.8) 参照), 2 点  $u, v$  が直線  $m$  に関して対称な位置にあるとき, 次の②が成り立つ.

$$|u - z_3| = |v - z_3|, \quad \text{Im} \frac{u - z_3}{z_2 - z_3} = -\text{Im} \frac{v - z_3}{z_2 - z_3}. \quad \dots\dots ②$$

さらに,  $\overrightarrow{vu}$  と  $\overrightarrow{z_3z_2}$  が直交することより (169 ページの脚注 3 参照),

$$0 = \text{Re}(u - v)\overline{(z_2 - z_3)} = |z_2 - z_3|^2 \cdot \text{Re} \frac{u - v}{z_2 - z_3}. \quad \dots\dots ③$$

右端の項の分子を  $u - v = (u - z_3) - (v - z_3)$  と変形することで,

$$\text{Re} \frac{u - z_3}{z_2 - z_3} = \text{Re} \frac{v - z_3}{z_2 - z_3} = \text{Re} \frac{\bar{v} - \bar{z}_3}{\bar{z}_2 - \bar{z}_3} \quad \dots\dots ④$$

を得る. ④と②の第 2 式を合わせると①を得る. 逆に, ①が成り立つとき, ②の二つの式と④が成り立つ. このとき, ③の右端の項が 0 となるから,  $\overrightarrow{vu}$  と  $\overrightarrow{z_3z_2}$  は直交する. このことと②の第 1 式より,  $z_3$  が  $u$  と  $v$  を結ぶ線分上にある場合でもない場合でも,  $u$  と  $v$  が直線  $m$  に関して反対側にあつて, 対称な位置にあることがわかる.

- p. 221 の命題 14.12 は次のようにします.

領域  $\mathcal{D}$  で正則な関数を項とする級数  $\sum_{n=1}^{\infty} u_n(z)$  が  $\mathcal{D}$  の任意のコンパクト集合上で一様に絶対収束するならば, 無限積  $\prod_{n=1}^{\infty} (1 + u_n(z))$  も  $\mathcal{D}$  の任意のコンパクト集合上で一様に絶対収束して,  $\mathcal{D}$  で正則である.

- 次の箇所では, 微分可能  $\rightarrow$  複素微分可能 とします (用語の統一).

修正箇所		修正箇所		修正箇所		修正箇所	
p. 59	4 行目	p. 63	定義 4.37 から下へ 2 行目	p. 65	式 (4.6) から上へ 2 行目	p. 74	式 (5.12) から下へ 1 行目
p. 132	10 行目	p. 188	6 行目	p. 194	定理 12.1 の証明 1 行目	p. 240	問題 6.10 の最終行

- 上記以外にも, 句読点や数学的内容に影響を与えない軽微な修正をしています.