

チェックリスト

- 複素数
 - 演算（加減乗除）と絶対値，複素共役の定義と基本性質
 - 複素平面と複素数の演算の幾何学的な性質
 - 極表示，オイラーの公式とべき乗，べき根
- 正則関数
 - 領域
 - 連続性と微分可能性の定義
 - Cauchy-Riemann の方程式
 - 調和関数の定義と正則関数との関係
- 初等関数
 - 多項式関数（写像としての特徴，代数学の基本定理）
 - 有理関数と部分分数展開
 - 指数関数（定義，指数法則，周期性，写像としての性質）
 - 対数関数（定義，多価性，対数法則，分枝）
 - 三角関数，双曲線関数および逆関数（定義，指数・対数関数との関係，基本的な関係式）
 - 複素べき（定義，多価性）
- 積分
 - 複素平面の曲線
 - 複素積分の定義と基本性質
 - コーシーの積分定理
 - コーシーの積分定理を利用した積分経路の変更
 - 原始関数とその存在条件
 - コーシーの積分定理の証明の概略
 - コーシーの積分公式（微積分公式，モレラの定理，リュービルの定理，コーシーの評価式）
 - テーラー展開（初等関数のテイラー展開，整級数展開の一意性）
 - 零点の孤立性，一致の定理，最大値原理

解析 B1 の講義は今回の講義の続きです。ただ、関数列の収束を扱う関係で極限についての $\epsilon - \delta$ 論法を
もはや避けて通る事はできません。解析 B 1 の講義を受ける前に極限についての議論を復習しておくよう
にしてください。

チェックリスト

- 極限
 - 数列の収束の $\epsilon - \delta$ 論法による定義
 - 極限についての論証問題，例えば「数列 a_n が α に収束するなら $n^{-1} \sum_{k=1}^n a_k$ も α に収束」。
 - ユークリッド空間 \mathbb{R}^n における点列の収束
 - ユークリッド空間 \mathbb{R}^n における開集合，閉集合 *
 - 実数の連続性・完備性とコーシー列 *
 - コンパクト性 *
- 関数列の極限
 - 関数列の（各点）収束，一様収束，広義一様収束の定義
 - 連続関数列の（広義）一様収束列の極限の連続性
 - 微分，積分と極限の交換
 - 関数項級数の絶対収束の定義とその判定法